

Soluzioni Esercizi Prima Prova di Esonero

- 1) $E(Y) = 0 \cdot 0.70 + 1 \cdot 0.30 = 0.30$; $E(X) = 0.22$; $\sigma^2_X = 0.22(1 - 0.22) = 0.1716$; $\sigma^2_Y = 0.30(1 - 0.30) = 0.21$
- 2) Per calcolare le aspettative condizionate dobbiamo prima ottenere le distribuzioni condizionate relative alle due variabili casuali,

$$E(Y=0|X=0) = 0.68/0.78 = 0.8718$$

$$E(Y=1|X=0) = 0.10/0.78 = 0.1282$$

$$E(Y=0|X=1) = 0.02/0.22 = 0.0909$$

$$E(Y=1|X=1) = 0.20/0.22 = 0.9091$$

A questo punto possiamo calcolare le aspettative condizionate,

$$E(Y|X=1) = 0 \cdot 0.0909 + 1 \cdot 0.9091 = 0.9091$$

$$E(Y|X=0) = 0 \cdot 0.8718 + 1 \cdot 0.1282 = 0.1282$$

3) a) $\Pr((Y - \mu)/\sigma) \leq (5 - 2)/3) = \Phi(1) = 0.8413$

b) $\Pr((28 - 30)/4 \leq (Y - \mu)/\sigma \leq (31 - 30)/4) = \Phi(0.25) - \Phi(-2) = \Phi(0.25) - [1 - \Phi(2)] = \Phi(0.25) - 1 + \Phi(2) = 0.5987 - 1 + 0.9772 = 0.5759$

$$\sigma_{\bar{Y}}^2 = \frac{43}{100} = 0.43, \sigma_{\bar{Y}} = \sqrt{0.43} = 0.6557$$

$$\Pr\left(\frac{101 - 100}{0.6557} \leq \frac{\bar{Y} - \mu_Y}{\sigma_Y} \leq \frac{103 - 100}{0.6557}\right) = \left(\frac{1}{0.6557} \leq \frac{\bar{Y} - \mu_Y}{\sigma_Y} \leq \frac{3}{0.6557}\right) \approx$$

c) $\approx \Phi(4.5752) - \Phi(1.5251) = 0.9986 - 0.9357 = 0.0629$

4) $\text{Consumo}_1 = 5000 + 0.9 \cdot 1000 = 5900$; $\text{Consumo}_2 = 6000 + 0.8 \cdot 1000 = 6800$; $\text{Errore}_1 = 6000 - 5900 = 100$; $\text{Errore}_2 = 6000 - 6800 = -800$

5)

- Essere più anziani di un anno comporta un aumento del salario orario pari a 1.2 euro/h; ancora non nati avremmo un reddito di 5 euro/h(?)
- Un aumento del reddito pari a 1000 euro comporta un aumento del consumo pari a 820 euro; in assenza di reddito il consumo è pari a 3000 euro
- Un aumento della popolazione di 1 milione comporta un aumento del pil di 1000 milioni di euro; in assenza di popolazione il PIL è -50000
- Essere più alti di un cm comporta un aumento di peso pari a 0.51 Kg; ad altezza 0 cm peseremmo -210 Kg (?)

6)

a. $R^2 = (14.8681911/24.1287212) = 0.6162$; $SER = (9.26053015/22) = 0.4409$;
 $\hat{\beta}_1 = SE(\hat{\beta}_1) * 1.96 = 5.807 * 0.0852783 = 0.4952$;

Intervallo di confidenza 95% $= 0.4952 \pm (0.0852783 * 1.96) = (0.3280, 0.6423)$;

$$t(\hat{\beta}_0) = \frac{-0.6091608}{0.2784317} = -2.1878$$

$$|t(\hat{\beta}_0)| > 1.96; |t(\hat{\beta}_0)| < 2.58; \text{Valore - p}(\hat{\beta}_0) = 0.04 < 5\%, > 1\%$$

b. $|t(\hat{\beta}_1)| > 2.58$; Valore - p($\hat{\beta}_0$) = 0.00 < 1%

- c. Un aumento di un'unità del PIL comporta un aumento dell'occupazione di 0.49 unità; se il PIL fosse zero, l'occupazione sarebbe -0.609.